

---

МЕЖГОСУДАРСТВЕННЫЙ СОВЕТ ПО СТАНДАРТИЗАЦИИ, МЕТРОЛОГИИ И СЕРТИФИКАЦИИ

(МГС)

INTERSTATE COUNCIL FOR STANDARDIZATION, METROLOGY AND CERTIFICATION

(ISC)

---

М Е Ж Г О С У Д А Р С Т В Е Н Н Ы Й  
С Т А Н Д А Р Т

ГОСТ  
34.11—  
2018

---

Информационная технология  
КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА ИНФОРМАЦИИ  
Функция хэширования

Издание официальное



Москва  
Стандартинформ  
2018

## Предисловие

Цели, основные принципы и основной порядок проведения работ по межгосударственной стандартизации установлены в ГОСТ 1.0—2015 «Межгосударственная система стандартизации. Основные положения» и ГОСТ 1.2—2015 «Межгосударственная система стандартизации. Стандарты межгосударственные, правила и рекомендации по межгосударственной стандартизации. Правила разработки, принятия, обновления и отмены»

### Сведения о стандарте

1 РАЗРАБОТАН Центром защиты информации и специальной связи ФСБ России с участием Открытого акционерного общества «Информационные технологии и коммуникационные системы» (ОАО «ИнфоТеКС»)

2 ВНЕСЕН Техническим комитетом по стандартизации ТК 26 «Криптографическая защита информации»

3 ПРИНЯТ Межгосударственным советом по метрологии, стандартизации и сертификации (протокол от 29 ноября 2018 г. № 54)

За принятие проголосовали:

Краткое наименование страны по МК (ИСО 3166) 004—97	Код страны по МК (ИСО 3166) 004—97	Сокращенное наименование национального органа по стандартизации
Армения	AM	Минэкономики Республики Армения
Киргизия	KG	Кыргызстандарт
Россия	RU	Росстандарт
Таджикистан	TJ	Таджикстандарт

4 Приказом Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии от 4 декабря 2018 г. № 1060-ст межгосударственный стандарт ГОСТ 34.11—2018 введен в действие в качестве национального стандарта Российской Федерации с 1 июня 2019 г.

5 Настоящий стандарт подготовлен на основе применения ГОСТ Р 34.11—2012

6 ВВЕДЕН ВПЕРВЫЕ

*Информация об изменениях к настоящему стандарту публикуется в ежегодном информационном указателе «Национальные стандарты», а текст изменений и поправок — в ежемесячном информационном указателе «Национальные стандарты». В случае пересмотра (замены) или отмены настоящего стандарта соответствующее уведомление будет опубликовано в ежемесячном информационном указателе «Национальные стандарты». Соответствующая информация, уведомление и тексты размещаются также в информационной системе общего пользования — на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет ([www.gost.ru](http://www.gost.ru))*

© Стандартинформ, оформление, 2018



В Российской Федерации настоящий стандарт не может быть полностью или частично воспроизведен, тиражирован и распространен в качестве официального издания без разрешения Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии

**Содержание**

1 Область применения . . . . .	1
2 Нормативные ссылки . . . . .	1
3 Термины, определения и обозначения . . . . .	1
3.1 Термины и определения . . . . .	1
3.2 Обозначения . . . . .	2
4 Общие положения . . . . .	3
5 Значения параметров . . . . .	3
5.1 Инициализационные векторы . . . . .	3
5.2 Нелинейное биективное преобразование множества двоичных векторов . . . . .	3
5.3 Перестановка байт . . . . .	3
5.4 Линейное преобразование множества двоичных векторов . . . . .	3
5.5 Итерационные константы . . . . .	4
6 Преобразования . . . . .	5
7 Функция сжатия . . . . .	5
8 Процедура вычисления хэш-функции . . . . .	5
8.1 Этап 1 . . . . .	5
8.2 Этап 2 . . . . .	6
8.3 Этап 3 . . . . .	6
Приложение А (справочное) Контрольные примеры . . . . .	7
Библиография . . . . .	17

## Введение

Настоящий стандарт содержит описание алгоритма и процедуры вычисления хэш-функции для любой последовательности двоичных символов, которые применяются в криптографических методах защиты информации, в том числе в процессах формирования и проверки электронной цифровой подписи.

Необходимость разработки настоящего стандарта вызвана потребностью в создании на межгосударственном уровне хэш-функции, соответствующей современным требованиям к криптографической стойкости и требованиям межгосударственного стандарта ГОСТ 34.10.

Настоящий стандарт терминологически и концептуально увязан с международным стандартом ИСО 2382 [1], а также международными стандартами серий ИСО/МЭК 9796 [2], [3], ИСО/МЭК 14888 [4]—[6] и ИСО/МЭК 10118 [7]—[10].

П р и м е ч а н и е — Основная часть стандарта дополнена приложением А «Контрольные примеры».

Информационная технология

КРИПТОГРАФИЧЕСКАЯ ЗАЩИТА ИНФОРМАЦИИ

Функция хэширования

Information technology. Cryptographic data security. Hash-function

Дата введения — 2019—06—01

## 1 Область применения

Настоящий стандарт определяет алгоритм и процедуру вычисления хэш-функции для любой последовательности двоичных символов, которые применяются в криптографических методах обработки и защиты информации, в том числе для реализации процедур обеспечения целостности, аутентичности, электронной цифровой подписи (ЭЦП) при передаче, обработке и хранении информации в автоматизированных системах.

Определенная в настоящем стандарте функция хэширования используется при реализации систем электронной цифровой подписи на базе асимметричного криптографического алгоритма по ГОСТ 34.10.

Стандарт рекомендуется использовать при создании, эксплуатации и модернизации систем обработки информации различного назначения.

## 2 Нормативные ссылки

В настоящем стандарте использована нормативная ссылка на следующий стандарт:

ГОСТ 34.10—2018 Информационная технология. Криптографическая защита информации. Процессы формирования и проверки электронной цифровой подписи

**П р и м е ч а н и е** — При пользовании настоящим стандартом целесообразно проверить действие ссылочного стандарта в информационной системе общего пользования — на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет или по ежегодному информационному указателю «Национальные стандарты», который опубликован по состоянию на 1 января текущего года, и по выпускам ежемесячного информационного указателя «Национальные стандарты» за текущий год. Если ссылочный стандарт заменен (изменен), то при пользовании настоящим стандартом следует руководствоваться заменяющим (измененным) стандартом. Если ссылочный стандарт отменен без замены, то положение, в котором дана ссылка на него, применяется в части, не затрагивающей эту ссылку.

## 3 Термины, определения и обозначения

### 3.1 Термины и определения

В настоящем стандарте применены следующие термины с соответствующими определениями:

3.1.1 **дополнение** (padding): Приписывание дополнительных бит к строке бит.

**П р и м е ч а н и е** — Адаптировано из ИСО/МЭК 10118-1 [7].

**3.1.2 инициализационный вектор (initializing value):** Вектор, определенный как начальная точка работы функции хэширования.

П р и м е ч а н и е — Адаптировано из ИСО/МЭК 10118-1 [7].

**3.1.3 сообщение (message):** Стока бит произвольной конечной длины.

П р и м е ч а н и е — Адаптировано из ИСО/МЭК 14888-1 [4].

**3.1.4 функция сжатия (round function):** Итеративно используемая функция, преобразующая строку бит длиной  $L_1$  и полученную на предыдущем шаге строку бит длиной  $L_2$  в строку бит длиной  $L_2$ .

П р и м е ч а н и я

1 Адаптировано из ИСО/МЭК 10118-1 [7].

2 В настоящем стандарте понятия «строка бит длиной  $L$ » и «двоичный вектор-строка размерности  $L$ » считаются тождественными.

**3.1.5 хэш-код (hash-code):** Стока бит, являющаяся выходным результатом хэш-функции.

П р и м е ч а н и е — Адаптировано из ИСО/МЭК 10118-1 [7].

**3.1.6 хэш-функция (collision-resistant hash-function):** Функция, отображающая строки бит в строки бит фиксированной длины и удовлетворяющая следующим свойствам:

1) по данному значению функции сложно вычислить исходные данные, отображаемые в это значение;

2) для заданных исходных данных сложно вычислить другие исходные данные, отображаемые в то же значение функции;

3) сложно вычислить какую-либо пару исходных данных, отображаемых в одно и то же значение.

П р и м е ч а н и я

1 Адаптировано из ИСО/МЭК 10118-1 [7].

2 В настоящем стандарте в целях сохранения терминологической преемственности по отношению к нормативным документам, действующим на территории государства, принявшего настоящий стандарт, и опубликованным ранее на русском языке научно-техническим изданиям установлено, что термины «хэш-функция», «криптографическая хэш-функция», «функция хэширования» и «криптографическая функция хэширования» являются синонимами.

**3.1.7 [электронная цифровая] подпись (signature); ЭЦП:** Стока бит, полученная в результате процесса формирования подписи.

П р и м е ч а н и я

1 Адаптировано из ИСО/МЭК 14888-1 [4].

2 В настоящем стандарте в целях сохранения терминологической преемственности по отношению к нормативным документам, действующим на территории государства, принявшего настоящий стандарт, и опубликованным ранее на русском языке научно-техническим изданиям установлено, что термины «электронная подпись», «цифровая подпись» и «электронная цифровая подпись» являются синонимами.

## 3.2 Обозначения

В настоящем стандарте применены следующие обозначения:

$V^*$  — множество всех двоичных векторов-строк конечной размерности (далее — векторы), включая пустую строку;

$|A|$  — размерность (число компонент) вектора  $A \in V^*$  (если  $A$  — пустая строка, то  $|A| = 0$ );

$V_n$  — множество всех  $n$ -мерных двоичных векторов, где  $n$  — целое неотрицательное число; нумерация подвекторов и компонент вектора осуществляется справа налево, начиная с нуля;

$\oplus$  — операция покомпонентного сложения по модулю 2 двух двоичных векторов одинаковой размерности;

$A||B$  — конкатенация векторов  $A, B \in V^*$ , т. е. вектор из  $V_{|A| + |B|}$ , в котором левый подвектор из  $V_{|A|}$  совпадает с вектором  $A$ , а правый подвектор из  $V_{|B|}$  совпадает с вектором  $B$ ;

$A^n$  — конкатенация  $n$  экземпляров вектора  $A$ ;

$\mathbb{Z}_{2^n}$  — кольцо вычетов по модулю  $2^n$ ;

$\boxplus$  — операция сложения в кольце  $\mathbb{Z}_{2^n}$ ;

$\text{Vec}_n: \mathbb{Z}_{2^n} \rightarrow V_n$  — биективное отображение, сопоставляющее элементу кольца  $\mathbb{Z}_{2^n}$  его двоичное представление, т. е. для любого элемента  $z$  кольца  $\mathbb{Z}_{2^n}$  представленного вычетом  $z_0 + 2z_1 + \dots + 2^{n-1}z_{n-1}$ , где  $z_j \in \{0, 1\}$ ,  $j = 0, \dots, n-1$ , выполнено равенство  $\text{Vec}_n(z) = z_{n-1}||\dots||z_1||z_0$ ;

$\text{Int}_n: V_n \rightarrow \mathbb{Z}_{2^n}$  — отображение, обратное отображению  $\text{Vec}_n$ , т. е.  $\text{Int}_n = \text{Vec}_n^{-1}$ ;

$\text{MSB}_n: V^* \rightarrow V_n$  — отображение, ставящее в соответствие вектору  $z_{k-1}||\dots||z_1||z_0$ ,  $k \geq n$ , вектор  $z_{k-1}||\dots||z_{k-n+1}||z_{k-n}$ ;

$a := b$  — операция присваивания переменной  $a$  значения  $b$ ;

$\Phi\Psi$  — произведение отображений, при котором отображение  $\Psi$  действует первым;

$M$  — двоичный вектор, подлежащий хэшированию,  $M \in V^*$ ,  $|M| < 2^{512}$ ;

$H: V^* \rightarrow V_n$  — функция хэширования, отображающая вектор (сообщение)  $M$  в вектор (хэш-код)  $H(M)$ ;

$/V$  — инициализационный вектор функции хэширования,  $/V \in V_{512}$ .

## 4 Общие положения

Настоящий стандарт определяет две функции хэширования  $H: V^* \rightarrow V_n$  с длинами хэш-кода  $n = 256$  бит и  $n = 512$  бит.

## 5 Значения параметров

### 5.1 Инициализационные векторы

Значение инициализационного вектора  $/V$  для функции хэширования с длиной хэш-кода 512 бит равно  $0^{512}$ . Значение инициализационного вектора  $/V$  для функции хэширования с длиной хэш-кода 256 бит равно  $(00000001)^{64}$ .

### 5.2 Нелинейное биективное преобразование множества двоичных векторов

Нелинейное биективное преобразование множества двоичных векторов  $V_8$  задается подстановкой

$$\pi = \text{Vec}_8 \pi' \text{Int}_8: V_8 \rightarrow V_8, \quad (1)$$

где  $\pi': \mathbb{Z}_{2^8} \rightarrow \mathbb{Z}_{2^8}$ .

Значения подстановки  $\pi'$  записаны ниже в виде массива  $\pi' = (\pi'(0), \pi'(1), \dots, \pi'(255))$ :

$\pi' = (252, 238, 221, 17, 207, 110, 49, 22, 251, 196, 250, 218, 35, 197, 4, 77, 233, 119, 240, 219, 147, 46, 153, 186, 23, 54, 241, 187, 20, 205, 95, 193, 249, 24, 101, 90, 226, 92, 239, 33, 129, 28, 60, 66, 139, 1, 142, 79, 5, 132, 2, 174, 227, 106, 143, 160, 6, 11, 237, 152, 127, 212, 211, 31, 235, 52, 44, 81, 234, 200, 72, 171, 242, 42, 104, 162, 253, 58, 206, 204, 181, 112, 14, 86, 8, 12, 118, 18, 191, 114, 19, 71, 156, 183, 93, 135, 21, 161, 150, 41, 16, 123, 154, 199, 243, 145, 120, 111, 157, 158, 178, 177, 50, 117, 25, 61, 255, 53, 138, 126, 109, 84, 198, 128, 195, 189, 13, 87, 223, 245, 36, 169, 62, 168, 67, 201, 215, 121, 214, 246, 124, 34, 185, 3, 224, 15, 236, 222, 122, 148, 176, 188, 220, 232, 40, 80, 78, 51, 10, 74, 167, 151, 96, 115, 30, 0, 98, 68, 26, 184, 56, 130, 100, 159, 38, 65, 173, 69, 70, 146, 39, 94, 85, 47, 140, 163, 165, 125, 105, 213, 149, 59, 7, 88, 179, 64, 134, 172, 29, 247, 48, 55, 107, 228, 136, 217, 231, 137, 225, 27, 131, 73, 76, 63, 248, 254, 141, 83, 170, 144, 202, 216, 133, 97, 32, 113, 103, 164, 45, 43, 9, 91, 203, 155, 37, 208, 190, 229, 108, 82, 89, 166, 116, 210, 230, 244, 180, 192, 209, 102, 175, 194, 57, 75, 99, 182).$

### 5.3 Перестановка байт

Значения перестановки  $\tau \in S_{64}$  записаны ниже в виде массива  $\tau = (\tau(0), \tau(1), \dots, \tau(63))$ :

$\tau = (0, 8, 16, 24, 32, 40, 48, 56, 1, 9, 17, 25, 33, 41, 49, 57, 2, 10, 18, 26, 34, 42, 50, 58, 3, 11, 19, 27, 35, 43, 51, 59, 4, 12, 20, 28, 36, 44, 52, 60, 5, 13, 21, 29, 37, 45, 53, 61, 6, 14, 22, 30, 38, 46, 54, 62, 7, 15, 23, 31, 39, 47, 55, 63).$

### 5.4 Линейное преобразование множества двоичных векторов

Линейное преобразование / множества двоичных векторов  $V_{64}$  задается умножением справа на матрицу  $A$  над полем  $GF(2)$ , строки которой записаны ниже последовательно в шестнадцатеричном

виде. Стока матрицы с номером  $j$ ,  $j = 0, \dots, 63$ , записанная в виде  $a_{j,15} \dots a_{j,0}$ , где  $a_{j,i} \in \mathbb{Z}_{16}$ ,  $i = 0, \dots, 15$ , есть  $\text{Vec}_4(a_{j,15})||\dots||\text{Vec}_4(a_{j,0})$ .

8e20faa72ba0b470	47107ddd9b505a38	ad08b0e0c3282d1c	d8045870ef14980e
6c022c38f90a4c07	3601161cf205268d	1b8e0b0e798c13c8	83478b07b2468764
a011d380818e8f40	5086e740ce47c920	2843fd2067adea10	14aff010bdd87508
0ad97808d06cb404	05e23c0468365a02	8c711e02341b2d01	46b60f011a83988e
90dab52a387ae76f	486dd4151c3dfdb9	24b86a840e90f0d2	125c354207487869
092e94218d243cba	8a174a9ec8121e5d	4585254f64090fa0	accc9ca9328a8950
9d4df05d5f661451	c0a878a0a1330aa6	60543c50de970553	302a1e286fc58ca7
18150f14b9ec46dd	0c84890ad27623e0	0642ca05693b9f70	0321658cba93c138
86275df09ce8aaa8	439da0784e745554	afc0503c273aa42a	d960281e9d1d5215
e230140fc0802984	71180a8960409a42	b60c05ca30204d21	5b068c651810a89e
456c34887a3805b9	ac361a443d1c8cd2	561b0d22900e4669	2b838811480723ba
9bcf4486248d9f5d	c3e9224312c8c1a0	effa11af0964ee50	f97d86d98a327728
e4fa2054a80b329c	727d102a548b194e	39b008152acb8227	9258048415eb419d
492c024284fbaec0	aa16012142f35760	550b8e9e21f7a530	a48b474f9ef5dc18
70a6a56e2440598e	3853dc371220a247	1ca76e95091051ad	0edd37c48a08a6d8
07e095624504536c	8d70c431ac02a736	c83862965601dd1b	641c314b2b8ee083

Здесь в одной строке записаны четыре строки матрицы  $A$ , при этом в строке с номером  $i$ ,  $i = 0, \dots, 15$ , записаны строки матрицы  $A$  с номерами  $4i + j$ ,  $j = 0, \dots, 3$  в следующем порядке (слева направо):

$$4i + 0, 4i + 1, 4i + 2, 4i + 3.$$

Результат умножения вектора  $b = b_{63} \dots b_0 \in V_{64}$  на матрицу  $A$  есть вектор  $c \in V_{64}$ :

$$c = b_{63}(\text{Vec}_4(a_{0,15})||\dots||\text{Vec}_4(a_{0,0})) \oplus \dots \oplus b_0(\text{Vec}_4(a_{63,15})||\dots||\text{Vec}_4(a_{63,0})), \quad (2)$$

$$\text{где } b_i (\text{Vec}_4(a_{63-i,15})||\dots||\text{Vec}_4(a_{63-i,0})) = \begin{cases} 0^{64}, & \text{если } b_i = 0, \\ (\text{Vec}_4(a_{63-i,15})||\dots||\text{Vec}_4(a_{63-i,0})), & \text{если } b_i = 1, \end{cases}$$

для всех  $i = 0, \dots, 63$ .

## 5.5 Итерационные константы

Итерационные константы записаны в шестнадцатеричном виде. Значение константы, записанное в виде  $a_{127} \dots a_0$ , где  $a_i \in \mathbb{Z}_{16}$ ,  $i = 0, \dots, 127$ , есть  $\text{Vec}_4(a_{127})||\dots||\text{Vec}_4(a_0)$ :

$$\begin{aligned} C_1 &= b1085bda1ecadae9ebcb2f81c0657c1f2f6a76432e45d016714eb88d7585c4fc \\ &\quad 4b7ce09192676901a2422a08a460d31505767436cc744d23dd806559f2a64507; \\ C_2 &= 6fa3b58aa99d2f1a4fe39d460f70b5d7f3feeaa720a232b9861d55e0f16b50131 \\ &\quad 9ab5176b12d699585cb561c2db0aa7ca55dda21bd7cbcd56e679047021b19bb7; \\ C_3 &= f574dcac2bce2fc70a39fc286a3d843506f15e5f529c1f8bf2ea7514b1297b7b \\ &\quad d3e20fe490359eb1c1c93a376062db09c2b6f443867adb31991e96f50aba0ab2; \\ C_4 &= ef1fdb3e81566d2f948e1a05d71e4dd488e857e335c3c7d9d721cad685e353f \\ &\quad a9d72c82ed03d675d8b71333935203be3453eaa193e837f1220cbebc84e3d12e; \\ C_5 &= 4bea6bacad4747999a3f410c6ca923637f151c1f1686104a359e35d7800ffbd \\ &\quad bfcfd1747253af5a3dff00b723271a167a56a27ea9ea63f5601758fd7c6cfe57; \\ C_6 &= ae4faeae1d3ad3d96fa4c33b7a3039c02d66c4f95142a46c187f9ab49af08ec6 \\ &\quad cffaa6b71c9ab7b40af21f66c2bec6b6bf71c57236904f35fa68407a46647d6e; \\ C_7 &= f4c70e16eeeaac5ec51ac86feb240954399ec6c7e6bf87c9d3473e33197a93c9 \\ &\quad 0992abc52d822c3706476983284a05043517454ca23c4af38886564d3a14d493; \\ C_8 &= 9b1f5b424d93c9a703e7aa020c6e41414eb7f8719c36de1e89b4443b4ddbc49a \\ &\quad f4892bcb929b069069d18d2bd1a5c42f36acc2355951a8d9a47f0dd4bf02e71e; \end{aligned}$$

$$C_9 = 378f5a541631229b944c9ad8ec165fde3a7d3a1b258942243cd955b7e00d0984$$

$$800a440bdbb2ceb17b2b8a9aa6079c540e38dc92cb1f2a607261445183235adb;$$

$$C_{10} = abbedea680056f52382ae548b2e4f3f38941e71cff8a78db1ffe18a1b336103$$

$$9fe76702af69334b7a1e6c303b7652f43698fad1153bb6c374b4c7fb98459ced;$$

$$C_{11} = 7bcd9ed0efc889fb3002c6cd635afe94d8fa6bbbebab07612001802114846679$$

$$8a1d71efea48b9caefbacd1d7d476e98dea2594ac06fd85d6bcaa4cd81f32d1b;$$

$$C_{12} = 378ee767f11631bad21380b00449b17acda43c32bcdf1d77f82012d430219f9b$$

$$5d80ef9d1891cc86e71da4aa88e12852faf417d5d9b21b9948bc924af11bd720.$$

## 6 Преобразования

При вычислении хэш-кода  $H(M)$  сообщения  $M \in V^*$  используются следующие преобразования:

$$X[k]: V_{512} \rightarrow V_{512}, X[k](a) = k \oplus a, k, a \in V_{512}; \quad (3)$$

$$S: V_{512} \rightarrow V_{512}, S(a) = S(a_{63} \parallel \dots \parallel a_0) = \pi(a_{63}) \parallel \dots \parallel \pi(a_0), \quad (4)$$

где  $a = a_{63} \parallel \dots \parallel a_0 \in V_{512}$ ,  $a_i \in V_8$ ,  $i = 0, \dots, 63$ ;

$$P: V_{152} \rightarrow V_{152}, P(a) = P(a_{63} \parallel \dots \parallel a_0) = a_{\tau(63)} \parallel \dots \parallel a_{\tau(0)}, \quad (5)$$

где  $a = a_{63} \parallel \dots \parallel a_0 \in V_{512}$ ,  $a_i \in V_8$ ,  $i = 0, \dots, 63$ ;

$$L: V_{512} \rightarrow V_{512}, L(a) = L(a_7 \parallel \dots \parallel a_0) = l(a_7) \parallel \dots \parallel l(a_0), \quad (6)$$

где  $a = a_7 \parallel \dots \parallel a_0 \in V_{512}$ ,  $a_i \in V_{64}$ ,  $i = 0, \dots, 7$ .

## 7 Функция сжатия

Значение хэш-кода сообщения  $M \in V^*$  вычисляется с использованием итерационной процедуры. На каждой итерации вычисления хэш-кода используется функция сжатия:

$$g_N: V_{512} \times V_{512} \rightarrow V_{512}, N \in V_{512}, \quad (7)$$

значение которой вычисляется по формуле

$$g_N(h, m) = E(LPS(h \oplus N), m) \oplus h \oplus m, \quad (8)$$

где  $E(K, m) = X[K_{13}]LPSX[K_{12}] \dots LPSX[K_2]LPSX[K_1](m)$ .

Значения  $K_i \in V_{512}$ ,  $i = 1, \dots, 13$  вычисляются следующим образом:

$$K_1 = K; \quad (9)$$

$$K_i = LPS(K_{i-1} \oplus C_{i-1}), i = 2, \dots, 13.$$

## 8 Процедура вычисления хэш-функции

Исходными данными для процедуры вычисления хэш-кода  $H(M)$  является подлежащее хэшированию сообщение  $M \in V^*$  и  $/V \in V_{512}$  — инициализационный вектор.

Алгоритм вычисления функции  $H$  состоит из следующих этапов.

### 8.1 Этап 1

Присвоить начальные значения текущих величин:

Шаг 1.1 — присвоить  $h := /V$ ;

Шаг 1.2 — присвоить  $N := 0^{512} \in V_{512}$ ;

Шаг 1.3 — присвоить  $\Sigma := 0^{512} \in V_{512}$ ;

Шаг 1.4 — перейти к этапу 2.

## 8.2 Этап 2

Шаг 2.1 — проверить условие  $|M| < 512$ .

При положительном исходе перейти к этапу 3.

В противном случае выполнить последовательность вычислений по 2.2—2.7;

Шаг 2.2 — вычислить подвектор  $m \in V_{512}$  сообщения  $M : M = M' || m$ . Далее выполнить последовательность вычислений:

Шаг 2.3 — присвоить  $h := g_N(h, m)$ ;

Шаг 2.4 — присвоить  $N := \text{Vec}_{512}(\text{Int}_{512}(N) \boxplus 512)$ ;

Шаг 2.5 — присвоить  $\Sigma := \text{Vec}_{512}(\text{Int}_{512}(\Sigma) \boxplus \text{Int}_{512}(m))$ ;

Шаг 2.6 — присвоить  $M := M'$ ;

Шаг 2.7 — перейти к шагу 2.1.

## 8.3 Этап 3

Шаг 3.1 — присвоить  $m := 0^{511-|M|} || 1 || M$ ;

Шаг 3.2 — присвоить  $h := g_N(h, m)$ ;

Шаг 3.3 — присвоить  $N := \text{Vec}_{512}(\text{Int}_{512}(N) \boxplus |M|)$ ;

Шаг 3.4 — присвоить  $\Sigma := \text{Vec}_{512}(\text{Int}_{512}(\Sigma) \boxplus \text{Int}_{512}(m))$ ;

Шаг 3.5 — присвоить  $h := g_0(h, N)$ ;

Шаг 3.6:  $h = \begin{cases} g_0(h, \Sigma), & \text{для функции хэширования с длиной хэш-кода 512 бит,} \\ \text{MSB}_{256}(g_0(h, \Sigma)), & \text{для функции хэширования с длиной хэш-кода 256 бит;} \end{cases}$

Шаг 3.7 — конец работы алгоритма.

Значение величины  $h$ , полученное на шаге 3.6, является значением функции хэширования  $H(M)$ .



**Итерация 2**

$$K_2 = d0b00807642fd78f13f2c3ebc774e80de0e902d23aef2ee9a73d010807dae9c1  
88be14fb0b2da27973569cd2ba051301036f728bd1d7eec33f4d18af70c46cf1e,$$

$$LPSX[K_2] \dots LPSX[K_1](m) = 18e77571e703d19548075c574ce5e50e0480c9c5b9f21d45611ab86cf32e352a  
d91854ea7df8f863d46333673f62ff2d3efae1cd966f8e2a74ce49902799aad4.$$

**Итерация 3**

$$K_3 = 9d4475c7899f2d0bb0e8b7dac6f6e6b44ecf66716d3a0f16681105e2d13712a  
1a9387ecc257930e2d61014a1b5c9fe9e24e7d636eb1607e816dbaf927b8fc9a9,$$

$$LPSX[K_3] \dots LPSX[K_1](m) = 03dc0a9c64d42543ccdb62960d58c17e0b5b805d08a07406ece679d5f82b70fe  
a22a7ea56e21814619e8749b308214575489d4d465539852cd4b0cd3829bef39.$$

**Итерация 4**

$$K_4 = 5c283daba5ec1f233b8c833c48e1c670daae2e40cc4c3219c73e58856bd96a72f  
df98055f6e3c004c8cde3b8bf78f95f3370d0a3d6194ac5782487defd83ca0f,$$

$$LPSX[K_4] \dots LPSX[K_1](m) = dbee312ea7301b0d6d13e43855e85db81608c780c43675bc93cf82c1b4933b3  
898a35b13e1878abe119e4dff89d4e889738ca7d4064cd9eb732078c1fb25e04.$$

**Итерация 5**

$$K_5 = 109f33262731f9bd569cbc9317baa551d42964fa18d42c41fab4e37225292ec  
2fd97d7493784779046388469a195c436f7a7ca93f8239ceb5ffc18826470c,$$

$$LPSX[K_5] \dots LPSX[K_1](m) = 7fb3f15718d90e889f9bf7c38f527bec861c298afb9186934a93c9d96ade20df  
109379bb9c1a1ffd0ad81fce7b45ccd54501e7d127e32874b5d7927b032de7a1.$$

**Итерация 6**

$$K_6 = b3c9b02667911cf8f8a0877be9a170757e25026ccf41e67c6b5d70b1b87474  
3e1135cfbef0244237555c676c153d99459bc382573aaee2d85d30d99f286c5e7,$$

$$LPSX[K_6] \dots LPSX[K_1](m) = 95efafa4e104f235824bae5030fe2d0f170a38de3c9b8fc6d8fa1a9adc2945c413  
389a121501fa71a65067916b0c06fb878ce18de1a2a98e0a64670985f47d73f1.$$

**Итерация 7**

$$K_7 = 8a13c1b195fd0886ac49989e7d84b08bc7b00e4f3f62765ece6050fcbabdc234  
6c8207594714e8e9c9c7aad694edc922d6b01e17285eb7e61502e634559e32f1,$$

$$LPSX[K_7] \dots LPSX[K_1](m) = 7ea4385f7e5e40103bf25c67e404c7524eec43e33b1d06557469c6049854304  
32b43d941b77ff476103338e9bd5145d9c1e18b1f262b58a81dceffff6fc6535.$$

**Итерация 8**

$$K_8 = 52cec3b11448bb8617d0ddfb9c926f2e88730cb9179d6decea5acbffd323ec376  
4c477fa9e13bb1db56c342034773023d617f01cc546728e71dff8de5d128cac,$$

$$LPSX[K_8] \dots LPSX[K_1](m) = b2426da0e58d5cfe898c36e797993f902531579d8ecc59f8dd8a60802241a456  
1f290cf992eb398894424bf681636968c167e870967b1dd904729331956daba.$$

**Итерация 9**

$$K_9 = f38c5b7947e7736d502007a05ea64a4eb9c243cb82154aa138b963bbb7f28e74  
d4d710445389671291d70103f48fd4d4c01fc415e3fb7dc61c6088afa1a1e735,$$

$$LPSX[K_9] \dots LPSX[K_1](m) = 5e0c9978670b25912dd1ede5bdd1cf18ed094d14c6d973b731d50570d0a9bca2  
15415a15031fd20dddefb5bc61b96671d6902f49df4d2fd346ceebda9431cb075.$$

**Итерация 10**

$$K_{10} = 0740b3faa03ed39b257dd6e3db7c1bf56b6e18e40cdaabd30617cecbabddd618e  
a5e61bb4654599581dd30c24c1ab877ad0687948286cfefaa7eef99f6068b315,$$

$$LPSX[K_{10}] \dots LPSX[K_1](m) = c1ddd840fe491393a5d460440e03bf451794e792c0629e49ab0c1001782dd37  
691cb6896f3e00b87f71d37a584c3b9cd8789fad55a46887e5b60e124b51a61.$$

**Итерация 11**

$$K_{11} = 185811cf3c2633aecd8cfdfcae9dbb29347011bf92b95910a3ad71e5fca678e45  
e374f088f2e5c29496e9695ce8957837107b3aa56441af11a82164893313116,$$

$$LPSX[K_{11}] \dots LPSX[K_1](m) = 3f75beaf911c35d57508e30542b689c85b6b1607fb800405941f5ab704284  
7b9b08b58b4fbdd6154ed7b366fd3ee778ce647726db3c7d48c8ce8866a8435.$$



$$X[K_1](m) = 22f7df708943682316f1dd72814b662d14f3db7483496e251afdd976854f6c27 \\ 12f5d778874d6a2110f7df708943682316f1dd72814b662d14f3db7483496e25,$$

$$SX[K_1](m) = 65c061327951f35a99a6d819f5a29a0193d290ffa92ab25cf14b538aa8cc9d21 \\ f0f4fe6dc93a7818e9c061327951f35a99a6d819f5a29a0193d290ffa92ab25c,$$

$$PSX[K_1](m) = 659993f1f0e99993c0a6d24bf4c0a6d261d89053fe61d8903219ff8a6d3219ff \\ 79f5a9a8c979f5a951a22acc3a51a22a39ab29d78f39ab25a015c21185a015c,$$

$$LPSX[K_1](m) = e549368917a0a2615d6e08c9c2fd5b3c563f18c0f68c410d84ae9d5fbdfb9340 \\ 55650121b7aa6d7b3e7d09d46ac4358adaa6ae44fa3b0402c4166d2c3eb2ef02,$$

$$K_1 \oplus C_1 = 92cdb59aaeb185fcc80ec1c1701e230a0caf98039e3e8f03528b56cdc5fe9be9 \\ 68b90ed1221c36148187c44814b8c0026b39a767c0f1236fe458b1942dd1a12,$$

$$S(K_1 \oplus C_1) = ec95e282645a83930045858325f5afa2341dc110ad303110ef676d9ac63509b \\ f3a3041b65148f93f5c986f293bb7fcfe9f2288ac34df08f63c8f6362cd8f1f0,$$

$$PS(K_1 \oplus C_1) = ec30230ef3f5ef63d90441f6a3c992c85e58dc76048628f6285811d91bf28a36 \\ 26320aac6593c32c455f5d36314bb4dd8a85a035087fc0f139fa119b93fc8ff0,$$

$$LPS(K_1 \oplus C_1) = 18ee8f3176b2beba3bd6cb8233694cea349769df88be26bf451cfab6a904a549 \\ da22de93a66a66b19c7e6b5eea633511e611d68c8401bfcfd0c7d0cc39d4a5eb9.$$

**Итерация 2**

$$K_2 = 18ee8f3176b2beba3bd6cb8233694cea349769df88be26bf451cfab6a904a549 \\ da22de93a66a66b19c7e6b5eea633511e611d68c8401bfcfd0c7d0cc39d4a5eb9,$$

$$LPSX[K_2] ... LPSX[K_1](m) = c502dab7e79eb94013fc1ba64def3b916f18b63855d43d22b77fca1452f9866 \\ c2b45089c62e9d82edf1ef45230db9a23c9e1c521113376628a5f6a5dbc041b2.$$

**Итерация 3**

$$K_3 = aaa4cf31a265959157aec8ce91e7fd46bf27dee21164c5e3940bba1a519e9d1f \\ ce0913f1253e7757915000cd674be12cc7f68e73ba26fb00fd74af4101805f2d,$$

$$LPSX[K_3] ... LPSX[K_1](m) = 8e5a4fe41fc790af29944f027aa2f10105d65cf60a66e442832bb9ab5020dc54 \\ 772e36b03d4b9aa471037212cd93375226552392ef4d83010a007e1117a07b5.$$

**Итерация 4**

$$K_4 = 61fe0a65cc177af50235e2afadded326a5329a2236747bf8a54228aec9c4585 \\ cd801ea9dd743a0d98d01ef0602b0e332067fb5ddd6ac1568200311920839286,$$

$$LPSX[K_4] ... LPSX[K_1](m) = dee0b040df69997afef726f03bdc13cb6ba9287698201296f2fd8284f06d33ea4 \\ a850a0ff48026dd47c1e88ec813ed2eb1186059d842d8d17f0bfa259e56655b1.$$

**Итерация 5**

$$K_5 = 9983685f4fd3636f1fd5abbb75fb26a8e2934314aa2ecb3ee4693c86c06c7d4e \\ 169bd540af75e1610a546acd63d960bad595394cc199bf6999a5d5309fe73d5a,$$

$$LPSX[K_5] ... LPSX[K_1](m) = 675ea894d326432e1af7b201bc369f8ab021f6fa58da09678ff08ef30db43a3 \\ 7f1f7347cb77da0f6ba30c85848896c3bac240ab14144283518b89a33d0caf07.$$

**Итерация 6**

$$K_6 = f05772ae2ce7f025156c9a7fbcc6b8fdf1e735d613946e32922994e52820ffea \\ 62615d907eb0551ad170990a86602088af98c83c22cd80e2be297c13c0f7a156,$$

$$LPSX[K_6] ... LPSX[K_1](m) = 1bc204bf9506ee9b86bbcf82d254a112aea6910b6db3805e399cb718d1b33199 \\ 64459516967cee4e648e8cfbf81f56dc8da6811c469091be5123e6a1d5e28c73.$$

**Итерация 7**

$$K_7 = 5ad144c362546e4e46b3e7688829fb77453e9c3211974330b2b8d0e6be2b5ac \\ c89eb6b35167f159b7b005a43e5959a651a9b18cf8e4098fcf03d9b81cfbb8d,$$

$$LPSX[K_7] ... LPSX[K_1](m) = f30d791ed78bdee819022a3d78182242124efcdd54e203f23fb2dc7f94338ff9 \\ 55a5afc15ffe03165263c4fdb36933aa982016471fbac9419f892551e9e568b.$$

**Итерация 8**

$$K_8 = 6a6cec9a1ba20a8db64fa840b934352b518c638ed530122a83332fe0b8efdac9 \\ 018287e5a9f509c78d6c746adcd5426fb0a0ad5790dfb73fc1f191a539016daa,$$

$$LPSX[K_8] ... LPSX[K_1](m) = 1fc20f1e91a1801a4293d3f3aa9e91560fcc3810bb15f3ee9741c9b87452519f \\ 67cb9145519884a24de6db736a5cb1430da7458e5e51b80be5204ba5b2600177.$$

## Итерация 9

$$K_9 = 99217036737aa9b38a8d6643f705bd51f351531f948f0fc5e35fa35fee9dd8bd  
bb4c9d580a224e9cd82e0e2069fc49ed367d5f94374435382b8fb6a8f5dd0409,  
LPSX[K_9] \dots LPSX[K_1](m) = 1a52f09d1e81515a36171e0b1a2809c50359bed90f2e78cbd89b7d4afa6d0466  
55c96bdae6ee97055cc7e857267c2ccf28c8f5dd95ed58a9a68c12663bb28967.$$

## Итерация 10

$$K_{10} = 906763c0fc89fa1ae69288d8ec9e9dd9a7630e8bfd6c3fed703c35d2e62aeaf  
f0b35d80a7317a7f76f83022f2526791ca8fdf678fcb337bd74fe5393ccb05d2,$$

## Итерация 11

$$K_{11} = 88ce996c63618e6404a5c8e03ee433854e2ae3eee68991bbbff3c29d38adb6e \\ d6a1dae9a6dc6ddf52ce34af272f96d3159c8c624c3fe6e13d695c0bfc89add5, \\ LPSX[K_{11}] \dots LPSX[K_1](m) = 9b1ce8ff26b445cb288c0aecf84658eea91dbdf14828bf70110a5c9bd146cd9 \\ 646350cff4e90e7b63c5cc325e9b441081935f282d4648d9584f71860538f03b.$$

## Итерация 12

$$K_{12} = 3e0a281ea9bd46063eecc550100576f3a506aa168cf82915776b978fcca32f38b55f30c79982ca45628e8365d8798477e75a49c68199112a1d7b5a0f7655f2db, \\ LPSX[K_{12}] \dots LPSX[K_1](m) = 133aeecede251eb81914b8ba48dcfc0b8a6fc63a292cc49043c3d3346b3f0829a9cb71ecff25ed2a91bdcf8f649907c110cb76ff2e43100cdd4ba8a147a572f5.$$

Итерация 13

$$K_{13} = \text{f0b273409eb31aebe432fbae1867212262c848422b6a92f93f6cbab54ed18b83 \\ 14b21cffc51e3fa319ff433e76ef6adb0ef9f5e03c907fa1fcf9eca06500bf03, \\ LPSX[K_{13}] \dots LPSX[K_1](m) = \text{e3889d8e40960453fd26431450bb9d29e8a78e78024656697caf698125ee83aa} \\ \text{bd796d133a3bd28988428cb112766d1a1e32831f12d36fad21b2440122a5cd6.}$$

Результат выполнения преобразования  $g_N(h, m)$ :

$h = e3bbadbf78af3264c9137127608aa510de90ba4d3075665844965fb611dbb199$   
 $8d48552a0c0ce6bcba71bc802a4f5b2d2a07b12c22e25794178570341096fdc7.$

Изменяются значения переменных  $N$  и  $\Sigma$ :

Результат выполнения преобразования  $g_0(h, N)$ :

$h = 70f22bada4cfe18a6a56ec4b3f328cd40db8e1bf8a9d5f711d5efab11191279d$   
 $715aab7648d07eddbf87dc79c80516e6ffcbc5678b0ac29ea00fa85c8173cc6$ .

Результат выполнения преобразования  $g_0(h, \Sigma)$ :

$h = 00557\text{be5e584fd52a449b16b0251d05d27f94ab76cbaa6da890b59d8ef1e159d}$   
 $2088e482e2acf564e0e9795a51e4dd261f3f667985a2fcc40ac8631faca1709a$ .

Хэш-кодом сообщения  $M_1$  является значение:

$H(M_1) = 00557\text{be}584\text{fd}52\text{a}449\text{b}16\text{b}0251\text{d}05\text{d}27\text{f}94\text{ab}76\text{cbaa}6\text{da}890\text{b}59\text{d}8\text{ef}1\text{e}159\text{d}.$

### A.3 Пример 2

### A.3.1 Условие

Пусть необходимо вычислить хэш-код сообщения

$M_2 = \text{fbe2e5f0eee3c820fbbeafaebebf20ffffbf0e1e0f0f520e0ed20e8ece0ebe5f0f2f120ffff0eeec20f120faf2fee5e2202ce8f6f3ede220e8e6eeee1e8f0f2d1202ce8f0f2e5e220e5d1}.$

### A.3.2 Функция хэширования с длиной хэш-кода 512 бит

Присваиваются значения:

$$h := /V = 0^{512};$$

$$N := 0^{512};$$

$$\Sigma := 0^{512}.$$

Длина сообщения  $|M_2| = 576 < 512$ , поэтому сначала преобразуется часть сообщения

*m := fbeafaebef20ffffbf0e1e0f0f520e0ed20e8ece0ebef50f2f120fff0eecfc20f120faf2fee5e2220ce8f6f3ede220e8e6eee1e8f0f2d1202ce8f0f2e5e220e5d1*

Вычисляется значение  $K := LPS(h \oplus N) = LPS(0^{512})$ .

После преобразования  $S_1$ :

после преобразования  $P$ :

после преобразования  $L$ :

$$K := LPS(h \oplus N) = b383fc2eced4a574b383fc2eced4a574b383fc2eced4a574b383fc2eced4a574b383fc2eced4a574.$$

Затем выполняется преобразование  $E(K, m)$ :

## Итерация 1

$$X[K_1](m) = 486906c521f45a8f43621cde3bf44599936b10ce2531558642a303de20388585  
93790ed02b3685585b750fc32cf44d925d6214de3c0585585b730ecb2cf440a5.$$

$SX[K_1](m) = f29131ac18e613035196148598e6c8e8de6fe9e75c840c432c731185f906a8a8$   
 $de5404e1428fa8bf47354d408be63aecb79693857f6ea8bf473d04e48be6eb00,$

$$PSX[K_1](m) = f251de2cde47b74791966f735435963d3114e911044d9304ac85e785e14085e4e18985cf9428b7f8be6e684068fe66ee613c80ca8a83aa8eb03e843a8bfecbf00,$$

$$LPSX[K_1](m) = 909aa733e1f52321a2fe35bf8f67e92fbc70ef544709d5739d8faaca4acf126e83e273745c25b7b8f4a83a7436f6353753cbbbe492262cd3a868eace0104af1,$$

$$K_1 \oplus C_1 = 028ba7f4d01e7f9d5848d3af0eb1d96b9ce98a6de0917562c2cd44a3bb516188f8ff1cbf5cb3cc7511c1d6266ab47661b6f5881802a0e8576e0399773c72e073,$$

$$S(K_1 \oplus C_1) = \text{ddf644e6e15f5733bf249410445536f4e9bd69e200f3596b3d9ea737d70a1d}\dots\\ \text{d1b6143b9c9288357758f8ef78278aa155f4d717ddda7cb12b211e87e7f19203d},$$

$PS(K_1 \oplus C_1) = \text{ddbf4eb3d17755b2f6f29bd9b658f4114449d6ea14f8d7e8e6419e733bef177e}$   
 $e104207d9c78d7f5f450f709227a719575335a1888acb20336f96d735a1123d,$

$$LPS(K_1 \oplus C_1) = d0b00807642fd78f13f2c3ebc774e80de0e902d23ae2ee9a73d010807dae9c1 \\ 88be14f0b2da27973569cd2ba051301036f728bd1d7eec33f4d18af70c46cf1e.$$

## Итерация 2

$K_2 = d0b00807642fd78f13f2c3ebc774e80de0e902d23aef2ee9a73d010807dae9c$   
 $88be14f0b2da27973569cd2ba051301036f728bd1d7eec33f4d18af70c46cf1e,$

$LPSX[K_2]LPSX[K_1](m) = 301aadd761d13df0b473055b14a2f74a45f408022aecd4d5f19cab8228883a$   
 $021ac0b62600a495950c628354ffce1161c68b7be7e0c58af090ce6b45e49f16.$

## Итерация 3

$$K_3 = 9d4475c7899f2d0bb0e8b7dac6ef6e6b44ecf66716d3a0f16681105e2d13712a1a9387ecc257930e2d61014a1b5c9fc9e24e7d636eb1607e816dbaf927b8fc9,$$

$LPSX[K_3] \dots LPSX[K_1](m) = 9b83492b9860a93cbc1c0d8e0ce59db04e10500a6ac85d4103304974e78d322$   
 $59cef03fb9353147a9c948786582df78a34c9bd3f72b3ca41b9179c2cceef3.$

## Итерация 4

$K_4 = 5c283daba5ec1f233b8c833c48e1c670dae2e40cc4c3219c73e58856bd96a72f$   
 $df9f8055ffe3c004c8cde3b8bf7f895f3370d0a3d6194ac5782487defd83ca0f,$

$LPSX[K_4] \dots LPSX[K_1](m) = e638e0a1677cdea107ec3402f70698a4038450dab44ac7a447e10155aa33ef1b$   
 $daf8f49da7b66f3e05815045fb39c991cb0dc536e09505fd62d3c2cd00b0f57.$

## Итерация 5

$K_5 = 109f33262731f9bd569cbc9317baaa551d4d2964fa18d42c41fab4e37225292ec2fd97d7493784779046388469ae195c436fa7cba93f8239cebf5ffcc818826470c,$

$$LPSX[K_5] \dots LPSX[K_1](m) = 1c7c8e19b2bf443eb3adc0c787a52a173821a97bc5a8efa58fb8b27861829f6 \\ dd5ff9c97865e08c1ac66f47392b578e21266e323a0aacedefc3ef0314f517c6.$$

## Итерация 6

$$K_6 = b32c9b02667911cf8f8a0877be9a170757e25026ccf41e67c6b5da70b1b87474  
3e1135cfbefc244237555c676c153d99459bc382573aaee2d85d30d99f286c5e7,$$

$$LPSX[K_6] \dots LPSX[K_1](m) = 48fecfc5b3eb77998fb39bfcccd128cd42fccb714221be1e675a1c6fdde7e31198b318622412af7e999a3eff45e6d61609a7f2ae5c2ff1ab7ff3b37be7011ba2.$$

## Итерация 7

$$K_7 = 8a13c1b195fd0886ac49989e7d84b08bc7b00e4f3f62765ece6050fcabdc2346c8207594714e8e9c9c7aad694edc922d6b01e17285eb7e61502e634559e32f1,$$

$$LPSX[K_7] \dots LPSX[K_1](m) = a48f8d781c2c5be417ae644cc2e15a9f01fcead3232e5bd53f18a5ab875ccce1b8a1a400cf48521c7ce27fb1e94452fb54de23118f53b364ee633170a62f5a8a9.$$

## Итерация 8

$K_8 = 52cec3b11448bb8617d0ddfbcc926f2e88730cb9179d6decea5acbf323ec376$   
 $4c4f7f7a9e13bb1db56c342034773023d617ff01cc546728e71dff8de5d128cac,$

$$LPSX[K_8] \dots LPSX[K_1](m) = e8a31b2e34bd2ae21b0ecf29cc4c37c75c4d11d9b82852517515c23e81e906a451b72779c3087141f1a15ab57f96d7da6c7ee38ed25befbdefc31216356ff59c.$$

## Итерация 9

$$K_9 = f38c5b7947e7736d502007a05ea64a4eb9c243cb82154aa138b963bbb7f28e74d4d710445389671291d70103f48fd4d4c01fc415e3fb7dc61c6088afa1a1e735.$$

$$LPSX[K_9] \dots LPSX[K_1](m) = 34392ed32ea3756e32979cb0a2247c3918e0b38d6455ca88183356bf8e5877e515d542278a696523a8036af0f1c2902e9cbc585de803ee4d26649c9e1f00bda31.$$

Итерация 10

$K_{10} = 0740b3faa03ed39b257dd6e3db7c1bf56b6e18e40cdaabd30617cecbadd618ea5e61bb4654599581dd30c24c1ab877ad0687948286cfefaa7eeff99f6068b315$

$LPSX[K_{10}] \dots LPSX[K_1](m) = 6a82436950177fea74cc6d507a5a64e54e8a3181458e3bdfbdcbc6180c9787de7ccb676dd809e7cb1eb2c9eb0d16561570801a4e9ce17a438b85212f4409bb5e$ .

Итерация 11

$$K_{11} = 185811\text{cf}3c2633a\text{ec}8\text{cf}d\text{fcae}9\text{dbb}29347011\text{bf}92b95910a3\text{ad}71e5\text{fca}678e45e374f088f2e5c29496e9695ce8957837107\text{bb}3aa56441af11a82164893313116$$

$LPSX[K_{11}] \dots LPSX[K_1](m) = 7b97603135e2842189b0c9667596e96bd70472ccb73ae89da7d1599c72860c285f5771088f1fb0f943d949f22f1413c991eaafb51ab8e5ad8644770037765aec$

Итерация 12

$K_{12} = 9d46bf66234a7ed06c3b2120d2a3f15e0fedd87189b75b3cd2f206906b5ee00dc9a1eab800fb8cc5760b251f4db5cdef427052fa345613fd076451901279ee4c$ .

$LPSX[K_{12}] \dots LPSX[K_1](m) = 39ec8a88db635b46c4321adf41fd9527a39a67f6d7510db5044f05efaf721db5cf976a726ef33dc4dfcdca94033e741a463770861a5b25fefcb07281eed629c0e$ .

Итерация 13

$K_{13} = 0f79104026b900d8d768b6e223484c9761e3c585b3a405a6d2d8565ada926c317782ef127cd6b98290bf612558b4b60aa3cbc28fd94f95460d76b621cb45be70$ .

$$X[K_{13}] \dots LPSX[K_1](m) = 36959ac8fd5ba9e135aac3d62b5d9b0c279a27364f50813d69753b575e0718ab8158560122584464f72c8656b53f7aec0bccaee7cfddcaa9c6719e3f2627227e.$$

Результат выполнения преобразования  $g_N(h, m)$ :

$h = cd7f602312faa465e3bb4cc9795395de2914e938f10f8e127b7ac459b0c517b98ef779efc7a46aa7843b8889731f482e5d221e8e2cea852e816cdac407c7af$ .

Изменяются значения переменных  $N$  и  $\Sigma$

$\Sigma = \{b, e, f, 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, a, c, d, g, h, i, j, k, l, m, n, o, p, r, s, t, u, v, w, x, y, z\}$



$$K_1 \oplus C_1 = 92\text{cdb}59\text{aaeb}185\text{fcc}80\text{ec}1\text{c}1701\text{e}230\text{a}0\text{caf}98039\text{e}3\text{e}8\text{f}03528\text{b}56\text{cdc}5\text{fe}9\text{be}9$$

$$68\text{b}90\text{ed}1221\text{c}36148187\text{c}448141\text{b}8\text{c}0026\text{b}39\text{a}767\text{c}0\text{f}1236\text{f}e458\text{b}1942\text{dd}1\text{a}12,$$

$$S(K_1 \oplus C_1) = \text{ecd}95\text{e}282645\text{a}83930045858325\text{f}5\text{afa}2341\text{dc}110\text{ad}303110\text{ef}676\text{d}9\text{ac}63509\text{b}$$

$$\text{f}3\text{a}3041\text{b}6514893\text{f}5\text{c}986\text{f}293\text{bb}7\text{fc}ce92288\text{ac}34\text{df}08\text{f}3\text{c}8\text{f}6362\text{cd}81\text{f}0,$$

$$PS(K_1 \oplus C_1) = \text{ec}30230\text{ef}3\text{f}5\text{ef}63\text{d}90441\text{f}6\text{a}3\text{c}992\text{c}85\text{e}58\text{dc}76048628\text{f}6285811\text{d}91\text{bf}28\text{a}36$$

$$26320\text{aac}6593\text{c}32\text{c}455\text{fd}36314\text{bb}4\text{dd}8\text{a}85\text{a}03508\text{f}7\text{cf}0\text{f}139\text{fa}119\text{b}93\text{fc}8\text{ff}0,$$

$$LPS(K_1 \oplus C_1) = 18\text{ee}8\text{f}3176\text{b}2\text{ebea}3\text{bd}6\text{cb}8233694\text{cea}349769\text{df}88\text{be}26\text{bf}451\text{cfab}6\text{a}904\text{a}549$$

$$\text{da}22\text{de}93\text{a}66\text{a}66\text{b}19\text{c}7\text{e}6\text{b}5\text{eea}633511\text{e}611\text{d}68\text{c}8401\text{b}fc\text{d}0\text{c}7\text{d}0\text{cc}39\text{d}4\text{a}5\text{eb}9.$$
**Итерация 2**

$$K_2 = 18\text{ee}8\text{f}3176\text{b}2\text{ebea}3\text{bd}6\text{cb}8233694\text{cea}349769\text{df}88\text{be}26\text{bf}451\text{cfab}6\text{a}904\text{a}549$$

$$\text{da}22\text{de}93\text{a}66\text{a}66\text{b}19\text{c}7\text{e}6\text{b}5\text{eea}633511\text{e}611\text{d}68\text{c}8401\text{b}fc\text{d}0\text{c}7\text{d}0\text{cc}39\text{d}4\text{a}5\text{eb}9,$$

$$LPSX[K_2] \dots LPSX[K_1](m) = 9\text{f}50697\text{b}1\text{d}9\text{ce}23680\text{db}1\text{f}4\text{d}35629778864\text{c}55780727\text{aa}79\text{eb}7\text{bb}7\text{d}648829\text{cba}$$

$$8674\text{afdac}5\text{c}62\text{ca}352\text{d}77556145\text{ca}7\text{bc}758679\text{f}be1\text{fd}32313\text{ca}8268\text{a}4\text{a}603\text{f}1.$$
**Итерация 3**

$$K_3 = \text{aaa}4\text{cf}31\text{a}265959157\text{a}ec8\text{ce}91\text{e}7\text{fd}46\text{bf}27\text{dee}21164\text{c}5\text{e}3940\text{bba}1\text{a}519\text{e}9\text{d}1$$

$$\text{ce}0913\text{f}1253\text{e}7757915000\text{cd}674\text{be}12\text{cc}7\text{f}68\text{e}73\text{ba}26\text{fb}00\text{fd}74\text{af}4101805\text{f}2\text{d},$$

$$LPSX[K_3] \dots LPSX[K_1](m) = 4183027975\text{b}257\text{e}9\text{bc}239\text{b}75\text{c}977\text{ecc}52\text{ddad}82\text{c}091\text{e}694243\text{c}9143\text{a}945\text{b}4\text{d}85$$

$$3116\text{eae}14\text{fd}81\text{b}14\text{bb}47\text{f}2\text{c}06\text{fd}283\text{cb}6\text{c}5\text{e}61924\text{edfa}971\text{b}78\text{d}771858\text{d}5310.$$
**Итерация 4**

$$K_4 = 61\text{fe}0\text{a}65\text{cc}177\text{af}50235\text{e}2\text{afadded}326\text{a}5329\text{a}2236747\text{bf}8\text{a}54228\text{aeca}9\text{c}4585$$

$$\text{cd}801\text{ea}9\text{dd}743\text{a}0\text{d}98\text{d}01\text{ef}0602\text{b}0\text{e}332067\text{fb}5\text{ddd}6\text{ac}1568200311920839286,$$

$$LPSX[K_4] \dots LPSX[K_1](m) = 0368\text{c}884\text{fce}489207\text{b}5\text{b}97\text{a}133\text{ce}39\text{a}1\text{eb}f\text{e}5\text{a}3\text{ae}3\text{cccb}3241\text{de}1\text{e}7\text{ad}72857\text{e}$$

$$76811\text{d}324\text{f}01\text{fd}7\text{a}75\text{e}0\text{b}669\text{e}8\text{a}22\text{a}4\text{d}056\text{ce}6\text{af}3\text{e}876453\text{a}9\text{c}3\text{c}47\text{c}767\text{e}5712.$$
**Итерация 5**

$$K_5 = 9983685\text{f}4\text{d}3636\text{f}1\text{fd}5\text{abb}75\text{bf}26\text{a}8\text{e}2934314\text{aa}2\text{ecb}3\text{ee}4693\text{c}86\text{c}06\text{c}7\text{d}4\text{e}$$

$$169\text{bd}540\text{af}75\text{e}1610\text{a}546\text{acd}63\text{d}960\text{bad}595394\text{cc}199\text{bf}6999\text{a}5\text{d}5309\text{fe}73\text{d}5\text{a},$$

$$LPSX[K_5] \dots LPSX[K_1](m) = \text{c}31433\text{ceb}8061\text{e}46440144\text{e}65553976512\text{e}5\text{a}9806\text{ac}9\text{a}2\text{c}771\text{d}5932\text{d}5\text{f}6508\text{c}5$$

$$\text{b}78\text{e}406\text{c}4\text{efab}98\text{ac}5529\text{be}0021\text{b}4\text{d}58\text{fa}26\text{f}01621\text{eb}10\text{b}43\text{de}4\text{c}4\text{c}47\text{b}63\text{f}615.$$
**Итерация 6**

$$K_6 = \text{f}05772\text{ae}2\text{ce}7\text{f}025156\text{c}9\text{a}7\text{fbcc}6\text{b}8\text{fdf}1\text{e}735\text{d}61394\text{e}32922994\text{e}52820\text{ff}ea$$

$$62615\text{d}907\text{eb}0551\text{ad}170990\text{a}86602088\text{af}98\text{c}83\text{c}22\text{cdb}0\text{e}2\text{be}297\text{c}13\text{c}0\text{f}7\text{a}156,$$

$$LPSX[K_6] \dots LPSX[K_1](m) = 5\text{d}0\text{ae}97\text{f}252\text{ad}04534503\text{fe}5\text{f}52\text{e}9\text{b}0\text{d}71483\text{ee}3\text{b}3\text{d}206\text{beadc}6\text{e}736\text{c}6\text{e}754\text{bb}$$

$$713\text{f}97\text{ea}7339927893\text{eacf}2\text{b}474\text{a}482\text{cadd}9\text{ac}2\text{e}58\text{f}09\text{bcb}440\text{cf}36\text{c}2\text{d}14\text{a}9\text{b}6.$$
**Итерация 7**

$$K_7 = 5\text{ad}144\text{c}362546\text{e}4\text{e}46\text{b}3\text{e}7688829\text{fb}77453\text{e}9\text{c}3211974330\text{b}2\text{b}8\text{d}0\text{e}6\text{be}2\text{b}5\text{ac}$$

$$\text{c}89\text{eb}6\text{b}35167\text{f}159\text{b}7\text{b}005\text{a}43\text{e}5959\text{a}651\text{a}9\text{b}18\text{fc}8\text{e}4098\text{fc}03\text{d}9\text{b}81\text{c}f\text{b}8\text{d},$$

$$LPSX[K_7] \dots LPSX[K_1](m) = \text{a}59\text{aa}21\text{e}6\text{ad}3\text{e}330\text{deedb}9\text{ab}9912205\text{c}355\text{b}1\text{c}479\text{fd}d89\text{a}7696\text{d}7\text{de}66\text{fb}7\text{d}3$$

$$\text{cec}25879\text{f}7\text{f}1\text{a}8\text{cca}4\text{c}793\text{d}5\text{f}2888407\text{a}ecb188\text{bda}375\text{eae}586\text{a}8\text{cf}0245\text{c}317.$$
**Итерация 8**

$$K_8 = 6\text{a}6\text{c}e\text{c}9\text{a}1\text{b}20\text{a}8\text{db}64\text{fa}840\text{b}934352\text{b}518\text{c}38\text{e}d530122\text{a}83332\text{fe}0\text{b}8\text{ef}d\text{a}c9$$

$$018287\text{e}5\text{a}9\text{f}509\text{c}78\text{d}6\text{c}746\text{acd}5426\text{fb}0\text{a}0\text{ad}5790\text{df}b73\text{fc}1\text{f}191\text{a}539016\text{daa},$$

$$LPSX[K_8] \dots LPSX[K_1](m) = 9903145\text{a}39\text{d}5\text{a}8\text{c}83\text{d}28\text{f}70\text{fa}1\text{fb}d88\text{f}31\text{b}82\text{dc}7\text{c}f\text{e}17\text{b}54\text{b}50\text{e}276\text{cb}2\text{c}4\text{ac}68$$

$$2\text{b}4434163\text{f}214\text{cf}7\text{ce}6164\text{a}7573\text{b}1\text{ce}a5819\text{e}6\text{a}6\text{fe}a99\text{da}9222951\text{d}2\text{a}28\text{e}01.$$
**Итерация 9**

$$K_9 = 99217036737\text{aa}9\text{b}38\text{a}8\text{d}6643\text{f}705\text{bd}51\text{f}351531\text{f}948\text{f}0\text{fc}5\text{e}35\text{fa}35\text{fee}9\text{dd}8\text{bd}$$

$$\text{bb}4\text{c}9\text{d}580\text{a}224\text{e}9\text{cd}82\text{e}0\text{e}2069\text{fc}49\text{e}d367\text{d}5\text{f}94374435382\text{b}8\text{fb}6\text{a}8\text{f}5\text{dd}0409,$$

$$LPSX[K_9] \dots LPSX[K_1](m) = 330\text{e}6\text{cb}1\text{d}04961826\text{aa}263\text{f}2328\text{f}15\text{b}4\text{f}3370175\text{a}6\text{a}9\text{fd}6505\text{b}286\text{efed}2\text{d}8505$$

$$\text{f}71823337\text{ef}71513\text{e}57\text{a}700\text{eb}1672\text{a}685578\text{e}45\text{dad}298\text{ee}2223\text{d}4\text{cb}3\text{f}d8262\text{f}.$$
**Итерация 10**

$$K_{10} = 906763\text{c}0\text{fc}89\text{fa}1\text{ae}69288\text{d}8\text{ec}9\text{e}9\text{dda}9\text{a}7630\text{e}8\text{bfd}6\text{c}3\text{fed}703\text{c}35\text{d}2\text{e}62\text{aa}f$$

$$\text{f}0\text{b}35\text{d}80\text{a}7317\text{a}7\text{f}76\text{f}83022\text{f}2526791\text{ca}8\text{fdf}678\text{fc}b337\text{bd}74\text{fe}5393\text{ccb}05\text{d}2,$$

$$LPSX[K_{10}] \dots LPSX[K_1](m) = \text{ad347608443ab9c9bbb64f633a5749ab85c45d4174bfd78f6bc79fc4f4ce9ad1dd71cb2195b1cfab8dc4af6f3a65c8bb0079847a0800e4427d3a0a815f40a644}.$$

## Итерация 11

$$K_{11} = 88ce996c63618e6404a5c8e03ee433854e2ae3eee68991bbbff3c29d38dad6e \\ d6a1dae9a6dc6ddf52ce34af272f96d3159c8c624c3fe6e13d695c0bf89add5,$$

$LPSX[K_{11}] \dots LPSX[K_1](m) = a065c55e2168c31576a756c7ecc1a9129cd3d207f8f43073076c30e111fd5f119095ca396e9fb78a2bf4781c44e845e447b8fc75b788284aae27582212ec23ee.$

Итерация 12

$$K_{12} = 3e0a281ea9bd46063eec550100576f3a506aa168cf82915776b978fccaa32f38b55f30c79982ca45628e8365d8798477e75a49c68199112a1d7b5a0f7655f2db.$$

$LPSX[K_{12}] \dots LPSX[K_1](m) = 2a6549f7a5cd2eb4a271a7c71762c8683e7a3a906985d60f8fc86f64e35908b29f83b1fe3c704f3c116bdfe660704f3b9c8a1d0531baaffaa3940ae9090a33ab.$

Итерация 13

$$K_{13} = f0b273409eb31aebe432fb1e867212262c848422b6a92f93f6cbab54ed18b83 \\ 14b21cff51e3fa319ff433e76ef6adb0ef9f5e03c907fa1fc9eca06500bf03$$

$$X[K_{13}] \dots LPSX[K_1](m) = dad73ab73b7e345f46435c690f05e94a5cb272d242ef44f6b0a4d5d1ad888331 \\ 8b31ad01f96e709f08949cd8169f25e09273e8e50d2ad05b5f6de6496c0a8ca8$$

Результат выполнения преобразования  $g_N(h, m)$ :

$h = 203cc15dd55fcfaa5b7a3bd98fb2408a67d5b9f33a80bb50540852b204265a2c1$   
 $aaca5e5fe1d8d51b2e1636e34f5becc077d930114fefaf176b69c15ad8f2b6878$

Изменяются значения переменных  $N$  и  $\Sigma$ :

Длина оставшейся части сообщения меньше 512, поэтому происходит дополнение неполного блока:

Результат выполнения преобразования  $g_M(h, m)$ :

$h = a69049e7bd076ab775bc2873af26f098c538b17e39a5c027d532f0a2b3b56426$   
 $c96b285fa297b9d39ae6afdf8b9001d97bb718a65fcc53c41b4ebf4991a617227$

Изменяются значения переменных  $N$  и  $\Sigma$ :

Результат выполнения преобразования  $g_0(h, N)$ :

$h = aee3bd55ea6f387bcf28c6dcdbbf3ddacc67dcc13dbd8d548c6bf808111d4b75b8e74d2afae960835ae6a5f03575559c9fd839783ffcd5cf99bd61566b4818$

Результат выполнения преобразования  $g_0(h, \Sigma)$ :

$h = 508f7e553c06501d749a66fc28c6cac0b005746d97537fa85d9e40904fefed29dc345e53d7f84875d5068e4eb743f0793d673f09741f9578471fb2598cb35c230$

Хэш-кодом сообщения  $M_2$  является значение:

$$H(M_2) = 508f7e553c06501d749a66fc28c6cac0b005746d97537fa85d9e40904efed29d.$$

## Библиография

**П р и м е ч а н и е** — Оригиналы международных стандартов ИСО и ИСО/МЭК находятся в национальных (государственных) органах по стандартизации\* государств, принявших настоящий стандарт.

- |   |  |
|---|--|
| [1] ИСО 2382:2015<br>(ISO 2382:2015)                | Информационная технология. Словарь (Information technology — Vocabulary)   |
| [2] ИСО/МЭК 9796-2:2010<br>(ISO/IEC 9796-2:2010)    | Информационные технологии. Методы обеспечения безопасности. Схемы цифровой подписи, обеспечивающие восстановление сообщений. Часть 2. Механизмы на основе целочисленной факторизации (Information technology — Security techniques — Digital signature schemes giving message recovery — Part 2: Integer factorization based mechanisms) |
| [3] ИСО/МЭК 9796-3:2006<br>(ISO/IEC 9796-3:2006)    | Информационные технологии. Методы обеспечения безопасности. Схемы цифровой подписи, обеспечивающие восстановление сообщений. Часть 3. Механизмы на основе дискретного логарифма (Information technology — Security techniques — Digital signature schemes giving message recovery — Part 3: Discrete logarithm based mechanisms)         |
| [4] ИСО/МЭК 14888-1:2008<br>(ISO/IEC 14888-1:2008)  | Информационные технологии. Методы защиты. Цифровые подписи с приложением. Часть 1. Общие положения (Information technology — Security techniques — Digital signatures with appendix — Part 1: General)   |
| [5] ИСО/МЭК 14888-2:2008<br>(ISO/IEC 14888-2:2008)  | Информационная технология. Методы обеспечения защиты. Цифровые подписи с приложением. Часть 2. Механизмы, основанные на разложении на множители. (Information technology — Security techniques — Digital signatures with appendix — Part 2: Integer factorization based mechanisms)  |
| [6] ИСО/МЭК 14888-3:2016<br>(ISO/IEC 14888-3:2016)  | Информационная технология. Методы и средства обеспечения безопасности. Цифровые подписи с приложением. Часть 3. Механизмы на основе дискретного логарифма (Information technology — Security techniques — Digital signatures with appendix — Part 3: Discrete logarithm based mechanisms)  |
| [7] ИСО/МЭК 10118-1:2016<br>(ISO/IEC 10118-1:2016)  | Информационная технология. Методы защиты информации. Хэш-функции. Часть 1. Общие положения (Information technology — Security techniques — Hash-functions — Part 1: General)   |
| [8] ИСО/МЭК 10118-2:2010<br>(ISO/IEC 10118-2:2010)  | Информационные технологии. Методы защиты информации. Хэш-функции. Часть 2. Хэш-функции с использованием алгоритма шифрования $n$ -битными блоками (Information technology — Security techniques — Hash-functions — Part 2: Hash-functions using an $n$ -bit block cipher)  |
| [9] ИСО/МЭК 10118-3:2004<br>(ISO/IEC 10118-3:2004)  | Информационные технологии. Методы защиты информации. Хэш-функции. Часть 3. Выделенные хэш-функции (Information technology — Security techniques — Hash-functions — Part 3: Dedicated hash-functions)   |
| [10] ИСО/МЭК 10118-4:1998<br>(ISO/IEC 10118-4:1998) | Информационные технологии. Методы защиты информации. Хэш-функции. Часть 4. Хэш-функции с применением арифметических операций над абсолютными значениями чисел (Information technology — Security techniques — Hash-functions — Part 4: Hash-functions using modular arithmetic)  |

---

\* В Российской Федерации оригиналы международных стандартов ИСО/МЭК находятся в Федеральном информационном фонде стандартов.

Ключевые слова: информационная технология, криптографическая защита информации, функция хэширования, хэш-функция, электронная цифровая подпись, асимметричный криптографический алгоритм, системы обработки информации, защита сообщений, подтверждение подписи

---

## **БЗ 1—2019/65**

Редактор *Л.В. Коретникова*  
Технический редактор *В.Н. Прусакова*  
Корректор *Е.Р. Ароян*  
Компьютерная верстка *Ю.В. Поповой*

Сдано в набор 05.12.2018. Подписано в печать 09.01.2019. Формат 60 × 84<sup>1</sup>/<sub>8</sub>. Гарнитура Ариал.  
Усл. печ. л. 2,79. Уч.-изд. л. 2,24.

Подготовлено на основе электронной версии, предоставленной разработчиком стандарта

---

ИД «Юриспруденция», 115419, Москва, ул. Орджоникидзе, 11.  
[www.jurisizdat.ru](http://www.jurisizdat.ru) [y-book@mail.ru](mailto:y-book@mail.ru)

Создано в единичном исполнении ФГУП «СТАНДАРТИНФОРМ»  
для комплектования Федерального информационного фонда стандартов,  
117418 Москва, Нахимовский пр-т, д. 31, к. 2.  
[www.gostinfo.ru](http://www.gostinfo.ru) [info@gostinfo.ru](mailto:info@gostinfo.ru)